

Géométrie B

20 Novembre

Exercice 1. Soit ABC un triangle, on note D l'intersection des tangentes au cercles circonscrit de ABC en B et C . Si $\widehat{ABC} = 42$ et $\widehat{BCA} = 63$, que vaut \widehat{BDC}

Exercice 2. Soit ABC un triangle, O le centre du cercle circonscrit à ABC , et H son orthocentre. Si $\widehat{ABC} = 42$ et $\widehat{ACB} = 65$.
Que vaut \widehat{BAO} ?

Exercice 3. Soit ABC un triangle avec $\widehat{BAC} = 60$, et O, I, H le centre du cercle circonscrit, le centre du cercle inscrit et l'orthocentre de ABC respectivement.
Montrer que B, C, O, I, H sont cocycliques, puis montrer que OIH est isocèle.

Exercice 4. Soit A un point sur un cercle de centre O . Sur la tangente en A on pose deux points B, C tels que C soit entre A et B . BD et CE sont les tangentes au cercle passant par B et C , avec D et E les points de tangence.
Montrer que $\widehat{DAE} = \widehat{BOC}$.

Exercice 5. (Miquel)

1) Soit ABC un triangle, et D, E, F des points sur chacun des côtés du triangle.

Montrer que les cercles circonscrits aux triangles AEF, BDF, CDE sont concourants.

2) Soit ABC un triangle, et X un point de $[BC]$. Un cercle passant par A et X coupe AC en Y et AB en Z .

Montrer que les cercles circonscrits à CXY et BXZ sont tangents.

Exercice 6. (Pôle Sud)

1) Soit ABC un triangle, et S l'intersection de la bissectrice intérieure issue de A et du cercle circonscrit de ABC est sur la médiatrice de BC .

2) (dur) Soit maintenant I le centre du cercle inscrit de ABC et I_A le centre du cercle exinscrit par rapport à A de ABC .

Montrer que B, C, I, I_A sont sur un même cercle de centre S .

Exercice 7. Soient B, C deux points d'un cercle Γ , et A le milieu de l'arc BC . On prend D, E deux autres points de Γ , et on pose F, G les intersections de AD et AE avec BC .
Montrer que D, E, F, G sont cocycliques.

Exercice 8. Soit ABC un triangle, montrer que le symétrique de son orthocentre par rapport à un côté du triangle est sur son cercle circonscrit.

Exercice 9. On prend un demi-cercle de diamètre AB et C, D sur ce demi-cercle.

On pose S l'intersection de AC et BD , et T le projeté de S sur AB .

Montrer que TS est la bissectrice de \widehat{CTD} .